

## 1. Rechnerische Behandlung des Drehstromsystems

### 1.1. Spannung $u$

Augenblickswert:  $u(t) = \hat{u} \cos(\omega t + \varphi_u) = U\sqrt{2} \cos(\omega t + \varphi_u)$

Scheitelwert / Amplitude:  $\hat{u}$

$$\text{Effektivwert (allg.): } U_{\text{eff}} = U = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} u^2(\tau) d\tau}$$

→ bei sinusförmigen Größen:  $U = \frac{\hat{u}}{\sqrt{2}}$

Phasenwinkel:  $\varphi(t) = \omega t + \varphi_u$  mit  $\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$

Nullphasenwinkel:  $\varphi_u$

### 1.2. Stromstärke $i$

Augenblickswert:  $i(t) = \hat{i} \cos(\omega t + \varphi_i) = I\sqrt{2} \cos(\omega t + \varphi_i)$

Scheitelwert / Amplitude:  $\hat{i}$

$$\text{Effektivwert (bei sinusförmigen Größen): } I = \frac{\hat{i}}{\sqrt{2}}$$

Phasenwinkel:  $\varphi(t) = \omega t + \varphi_i$  mit  $\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$

Nullphasenwinkel:  $\varphi_i$

Phasenverschiebungswinkel:

$$\varphi = \varphi_{ui} = \varphi_u - \varphi_i$$

$0 < \varphi \leq \pi$ : Strom eilt der Spannung nach  
 $-\pi \leq \varphi < 0$ : Strom eilt der Spannung vor

### 1.3. Symmetrische Komponenten

zerlegen eines Dreileiter-Drehstromnetz in unabhängige Systeme (Mit-, Gegen- und Nullsystem)

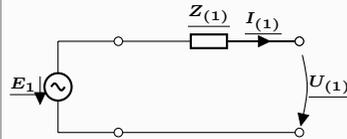
Entsymmetrierungsmatrix  $T$ :

$$\begin{pmatrix} \underline{I}_1 \\ \underline{I}_2 \\ \underline{I}_3 \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ \underline{a}^2 & \underline{a} & 1 \\ \underline{a} & \underline{a}^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \underline{I}_{(1)1} \\ \underline{I}_{(2)1} \\ \underline{I}_{(0)1} \end{pmatrix}$$

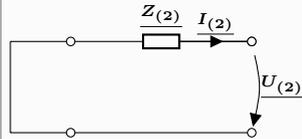
Symmetrierungsmatrix  $S$ :

$$\begin{pmatrix} \underline{I}_{(1)1} \\ \underline{I}_{(2)1} \\ \underline{I}_{(0)1} \end{pmatrix} = \frac{1}{3} \cdot \begin{bmatrix} 1 & \underline{a} & \underline{a}^2 \\ 1 & \underline{a}^2 & \underline{a} \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \underline{I}_1 \\ \underline{I}_2 \\ \underline{I}_3 \end{pmatrix}$$

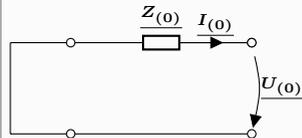
Mitsystem:



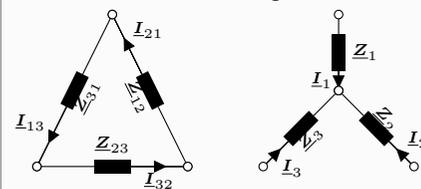
Gegensystem:



Nullsystem:



### 1.4. Stern-Dreieck-Umwandlung



$$\underline{Z}_1 = \frac{\underline{Z}_{12} \underline{Z}_{31}}{\underline{Z}_{12} + \underline{Z}_{23} + \underline{Z}_{31}}$$

$$\underline{Z}_2 = \frac{\underline{Z}_{12} \underline{Z}_{23}}{\underline{Z}_{12} + \underline{Z}_{23} + \underline{Z}_{31}}$$

$$\underline{Z}_3 = \frac{\underline{Z}_{23} \underline{Z}_{31}}{\underline{Z}_{12} + \underline{Z}_{23} + \underline{Z}_{31}}$$

$$\underline{I}_1 = \underline{I}_{12} - \underline{I}_{31}$$

$$\underline{I}_2 = \underline{I}_{23} - \underline{I}_{12}$$

$$\underline{I}_3 = \underline{I}_{31} - \underline{I}_{23}$$

## 2. Freileitungen und Kabel

### 2.1. Freileitungen

#### 2.1.1 Durchgang der Freileitungsseile

$f(x)$	Durchgang an der Stelle $x$
$G'$	Gewichtskraft des Leiters pro Längeneinheit
$F_H$	Horizontalkraft
$h$	mittlere Höhe der Leiterseile

Durchgang:  $f(x) = f_{\max} - \frac{G'}{2F_H} x^2$  mit  $f_{\max} a x = \frac{G'}{8F_H} a^2$

mittlere Höhe:  $h = h_{\text{Mast}} - 0,7 \cdot f_{\max}$

Mindestabstand zum Erdboden (VDE 0210-1):

$$D_{\text{el}} \quad \text{elektrischer Grundabstand}$$

Mindestabstand:  $h_{\min} = 5\text{m} + D_{\text{el}}$

Material:

z.B. Al/St 240/40:

Querschnitt des Aluminiumleiters 240mm<sup>2</sup>, Querschnitt des Stahlleiters 40mm<sup>2</sup>

#### 2.1.2 Bündelleiter

$r_B$	Ersatzradius
$n$	Anzahl der Teilleiter
$r$	Seilradius eines Teilleiters
$r_T$	Teilkreisradius

für einen Bündelleiter mit 4 Teilleitern:  $r_T = \sqrt{2} \frac{a}{2}$

Ersatzradius  $r_B$ :  $r_B = \sqrt[n]{n \cdot r \cdot r_T^{n-1}}$

Abstand zwischen den Außenleitern

Ersatzabstand  $D_{\text{ers}}$  für Einfachsysteme:  $D = \sqrt[3]{D_{12} \cdot D_{23} \cdot D_{31}}$

Ersatzabstand für Doppelsysteme mit  $\gamma$ -Verdrillung:

$$D = \sqrt[3]{D_{12} \cdot D_{23} \cdot D_{31} \cdot \frac{D_{12}' \cdot D_{23}' \cdot D_{31}'}{D_{11}' \cdot D_{22}' \cdot D_{33}'}}$$

typische Angabe des Werte:

$$4 \cdot \frac{21,7}{400} \text{ mm} \Rightarrow a = 400\text{mm}, r = \frac{21,7}{2} \text{ mm}$$

#### 2.1.3 Widerstandsbelag

Durch Ladungsträgerbewegung bei Stromfluss wird Joule'sche Wärme frei.

$Q$	Querschnitt
$\alpha$	Temperaturkoeffizient
$\vartheta$	Celsiustemperatur

Widerstand pro Längeneinheit:  $R'_{20} = \frac{1}{\kappa_{20} Q}$

mit Temperaturabhängigkeit:  $R'_{\vartheta} = \frac{1}{\kappa_{20} Q} [1 + \alpha(\vartheta - 20\text{K})]$

im Bündelleiter:  $R_B = \frac{1}{n} \cdot R$  mit  $R$  ist Widerstand des Teilleiters

#### 2.1.4 Induktivitätsbelag

Induktivität einer Leiterschleife mit Hin- und Rückleiter:

$$L_{00} = l \frac{\mu_0}{\pi} \cdot \left( \frac{1}{4} + \ln \frac{d}{r} \right)$$

Koppelinduktivitäten:

$$M = M_{12} = M_{23} = M_{31} = \frac{\mu_0}{2\pi} l \left( \frac{1}{4} + \ln \frac{d^2}{rD} \right)$$

Betriebsinduktivität:

$$L_b \cdot \underline{I}_1 = L_{00} \cdot \underline{I}_1 + M \cdot \underline{I}_2 + M \cdot \underline{I}_3 = (L_{00} - M) \cdot \underline{I}_1$$

$$\text{Betriebsinduktivitätsbelag: } L'_b = \left( 2 \ln \frac{D_{\text{ers}}}{r} + \frac{1}{2} \right) \cdot 10^{-4} \frac{\text{H}}{\text{km}}$$

für Bündelleiter:  $L'_b = \left( 2 \ln \frac{D_{\text{ers}}}{r_B} + \frac{1}{2n} \right) \cdot 10^{-4} \frac{\text{H}}{\text{km}}$

### 2.1.5 Betriebsimpedanzen

Einfachseil:  $\underline{Z}'_b = \underline{Z}'_{(1)} = R' + j\omega \frac{\mu_0}{2\pi} \left( \ln \frac{D}{r} + \frac{1}{4} \right)$

Bündelleiter:  $\underline{Z}'_b = \underline{Z}'_{(1)} = \frac{R'}{n} + j\omega \frac{\mu_0}{2\pi} \left( \ln \frac{D}{r_B} + \frac{1}{4n} \right)$

Typische Werte (Al/St 240/40) bei 50Hz:

110kV	Einfachseil	$\underline{Z}'_b = (0,12 + j0,4) \frac{\Omega}{\text{km}}$
220kV	2er-Bündel	$\underline{Z}'_b = (0,06 + j0,3) \frac{\Omega}{\text{km}}$
380kV	4er-Bündel	$\underline{Z}'_b = (0,03 + j0,25) \frac{\Omega}{\text{km}}$

### 2.1.6 Nullimpedanz

$$\text{Erdstromtiefe: } \delta = \frac{1,85}{\sqrt{\mu_0 \cdot \rho \cdot \omega}}$$

Nullimpedanz für Einfachseile:

$$\underline{Z}'_{(0)} = \frac{U_{(0)}}{I_{(0)}} = R' + 3\omega \frac{\mu_0}{8} + j\omega \frac{\mu_0}{2\pi} \left( 3 \ln \frac{\delta}{\sqrt{r \cdot D^2}} + \frac{1}{4} \right)$$

Nullimpedanz für Bündelleiter:

$$\underline{Z}'_{(0)} = \frac{U_{(0)}}{I_{(0)}} = \frac{R'}{n} + 3\omega \frac{\mu_0}{8} + j\omega \frac{\mu_0}{2\pi} \left( 3 \ln \frac{\delta}{\sqrt{r \cdot D^2}} + \frac{1}{4n} \right)$$

### 2.1.7 Kapazitätsbelag

$$C'_b = \frac{2\pi\epsilon_0}{\ln \left( \frac{D_{\text{ers}}}{r_B \sqrt{1 + \left( \frac{D_{\text{ers}}}{2h} \right)^2}} \right)}$$

für  $D \ll 2h$ :  $C'_b = \frac{2\pi\epsilon_0}{\ln \left( \frac{D_{\text{ers}}}{r_B} \right)}$

### 2.1.8 Nullkapazität

$$C'_{(0)} = \frac{2\pi\epsilon_0}{3 \ln \frac{2h}{\sqrt{r \cdot D^2}}}$$

### 2.1.9 Ohmscher Querleitwert $G'$

Verluste durch Ableitströme über Isolatoren und durch Koronaverluste.

spezifische Arbeitsverluste:  $P'_V = 3 \cdot \left( \frac{U_n}{\sqrt{3}} \right)^2 \cdot G'_b = U_n^2 \cdot G'_b$

Betriebsableitbelag:  $G'_b = \frac{P'_V}{U_n^2}$

## 2.2. Kabel

Querschnitt:  $Q = (\pi r_a^2 - \pi r_i^2)$

Eindringtiefe:  $\delta = \sqrt{\frac{2}{\omega \mu \kappa}}$

### 2.2.1 Widerstandsbelag $R'$

Widerstand pro Längeneinheit:  $R'_{20} = \frac{1}{\kappa_{20} Q}$

mit Temperaturabhängigkeit:  $R'_{\vartheta} = \frac{1}{\kappa_{20} Q} [1 + \alpha(\vartheta - 20K)]$

### Stromverdrängung / Skineffekt

für dicke massive Leiter. Erhöhung des ohmschen Widerstandes des Leiters.

$y_s$	Skineffekt-Korrekturfaktor
$R$	Wechselstromwiderstand
$R_{\text{=}}$	Gleichstromwiderstand
$f$	Frequenz

$\frac{R}{R_{\text{=}}} \approx 1 + y_s$

$y_s = \frac{x_s^4}{192 + 0,8 \cdot x_s^4}$

$x_s = \sqrt{\frac{2 \cdot \mu \cdot f \cdot k_s}{R'_{\text{=}}}}$  mit  $k_s = \begin{cases} 1 & \text{für Rundleiter} \\ 0,5 & \text{für Segmentleiter} \end{cases}$

### 2.2.2 Induktivitätsbelag $L'$

Betriebsinduktivitätsbelag:  $L'_b = \frac{L}{l} B = \left(2 \ln \frac{D}{r} + \frac{1}{2}\right) \cdot 10^{-4} \frac{\text{H}}{\text{km}}$

Betriebsreaktanzenbelag:  $X'_b = \omega L'_b$

Induktivitätsbelag eines Hohlleiters:

$\omega L'_{b\text{HL}} = \omega L'_b \cdot (0,96 + 0,051 \frac{r_a - r_i}{r_a})$  für  $0 < \frac{r_a - r_i}{r_a} < 0,6$

### 2.2.3 Kapazitätsbelag $C'$

Radialfeldkabel:

$C'_b = \frac{2\pi\epsilon}{\ln\left(\frac{R_a}{R_i}\right)}$

$C'_L = 0$

Gürtelkabel:

$C'_b = \frac{2\pi\epsilon_0\epsilon_r}{\ln\sqrt{\frac{3c^2(R_a^2 - c^2)^3}{R_i^2(R_a^6 - c^6)}}}$

### 2.2.4 Ohmscher Querleitwert

$G'_b = \tan \delta \cdot \omega C'_b$

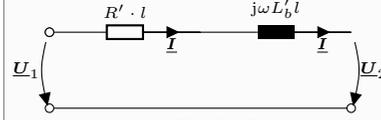
### 2.2.5 typische Werte

Symbol	Einheit	typische Werte
$R'$	$\left[\frac{\Omega}{\text{km}}\right]$	0,01 ... 0,05
$X' = \omega L'_b$	$\left[\frac{\Omega}{\text{km}}\right]$	0,1 ... 0,2
$Y'_b = \omega C'_b$	$\left[\frac{\text{S}}{\text{km}}\right]$	50 ... 100
$Z_w$	$[\Omega]$	32 ... 63

## 3. Leitung im stationären und nichtstationären Betrieb

### 3.1. Vereinfachte Leitungsbetrachtung

vernachlässigen von  $G_b$  und  $Y_b$



Längsspannungsfall:  $\Delta U = R \cdot I_w + \omega L_b \cdot I_b$

Querspannungsfall:  $\delta U = \omega L_b \cdot I_w - R \cdot I_b$

### 3.2. Leitungsgleichung für einphasige Leitung

$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = L' \cdot C' \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} + (R' \cdot C' + L' \cdot G') \cdot \frac{\partial u}{\partial t} + R' \cdot C' \cdot u$

$\frac{\partial^2 i}{\partial x^2} = L' \cdot C' \cdot \frac{\partial^2 i}{\partial t^2} + (R' \cdot C' + L' \cdot G') \cdot \frac{\partial i}{\partial t} + R' \cdot G' \cdot i$

Übertragungsmaß:

$\underline{\gamma} = \alpha + j \cdot \beta = \sqrt{(R'(\omega) + j\omega L'(\omega)) \cdot (G'(\omega) + j\omega C'(\omega))}$

### 3.3. Leitungsgleichungen für Drehstromleitungen

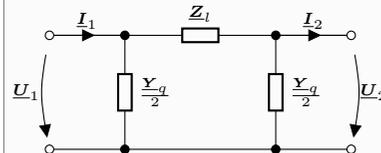
Übertragungsmaß  $\underline{\gamma} = \alpha + j\beta = \sqrt{(R' + j\omega L') \cdot (G' + j\omega C')}$

Betriebswellenimpedanz  $\underline{Z}_W = \sqrt{\frac{R' + j\omega L'}{G' + j\omega C'}}$

Zweitorgleichung der verlustbehafteten Leitung:

$\begin{pmatrix} \underline{U}_1 \\ \underline{I}_1 \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} \cosh(\underline{\gamma} \cdot l) & \underline{Z}_W \cdot \sinh(\underline{\gamma} \cdot l) \\ \frac{1}{\underline{Z}_W} \cdot \sinh(\underline{\gamma} \cdot l) & \cosh(\underline{\gamma} \cdot l) \end{bmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \underline{U}_2 \\ \underline{I}_2 \end{pmatrix}$

### $\pi$ - Ersatzschaltbild



Längsimpedanz  $\underline{Z}_l = \underline{Z}_W \cdot \sinh(\underline{\gamma} \cdot l)$

Queradmittanz  $\frac{Y_q}{2} = \frac{1}{\underline{Z}_W} \cdot \tanh(\underline{\gamma} \cdot \frac{l}{2})$

### 3.4. verlustlose Fernleitung

Phasenmaß:  $\beta = \omega \sqrt{L' C'}$  [1/km]

$\vartheta_{\text{nat}} = \beta l$

Wellenwiderstand für verlustlose Leitungen:  $Z_W = \sqrt{\frac{L'}{C'}}$

Eine Leitung gilt als elektrisch kurz für  $l \leq 200\text{km}$  (Freileitung) bzw.  $l \leq 100\text{km}$  (Kabel)

Längsimpedanz (elektrisch lang):  $\underline{Z}_l = Z_w \cdot j \sin(\beta l)$

Längsimpedanz (elektrisch kurz):  $\underline{Z}_l = j\omega L' \cdot l$

Queradmittanz (elektrisch lang):  $\frac{Y_q}{2} = \frac{1}{\underline{Z}_W} \cdot j \tan\left(\frac{\beta l}{2}\right)$

Queradmittanz (elektrisch kurz):  $\frac{Y_q}{2} = j\omega C' \cdot \frac{l}{2}$

Zweitorgleichung:

$$\begin{bmatrix} \underline{U}_1 \\ \underline{I}_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\beta l) & Z_w \cdot j \sin(\beta l) \\ \frac{1}{Z_w} \cdot j \sin(\beta l) & \cos(\beta l) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \underline{U}_2 \\ \underline{I}_2 \end{bmatrix}$$

## 3.5. Eingangsimpedanz

natürliche Leistung:  $P_{\text{nat}} = 3 \cdot \frac{U_{\text{1}}^2}{Z_W} = \frac{U_{\text{n}}^2}{Z_w}$

gibt einen Anhaltswert für die Übertragungsfähigkeit einer Leitung im symmetrischen Drehstromsystem.

### 3.5.1 Kurzschluss $\underline{Z}_2 = 0$

$\underline{Z}_1 = Z_W \cdot j \tan(\beta l)$

### 3.5.2 Leerlauf $\underline{I}_2 = 0$

$\underline{Z}_1 = Z_W \cdot \frac{1}{j \tan(\beta l)}$

$\underline{U}_1 = \cos(\beta l) \cdot \underline{U}_2$

### 3.5.3 Abschluss mit der Wellenimpedanz $\underline{Z}_2 = Z_W$

Betrieb mit natürlicher Leistung:

- $|\underline{U}_1| = |\underline{U}_2|$
- $\angle(U, I) = 0$
- Phasendrehung von  $U$  und  $I$  um  $\beta l$

## 3.6. Blindleistungskompensation

$k_q$	Quer kompensationsgrad
$k_l$	Längs kompensationsgrad
$C'_w$	wirksamer Kapazitätsbelag
$L'_w$	wirksamer Induktivitätsbelag

wirksamer Wellenwiderstand  $Z_{Wk} = \sqrt{\frac{L'_w}{C'_w}} = \sqrt{\frac{L'}{C'}} \cdot \sqrt{\frac{1-k_l}{1-k_q}}$

$\frac{P_{\text{natk}}}{P_{\text{nat}}} = \sqrt{\frac{1-k_q}{1-k_l}}$

$\beta_k = \omega \sqrt{L'_w \cdot C'_w} = \omega \sqrt{L' \cdot C'} \cdot \sqrt{(1-k_l) \cdot (1-k_q)}$

## 3.7. Querkompensation

wirksamer Kapazitätsbelag:  $C'_w = C' \cdot (1 - k_q) \Rightarrow (1 - k_q) = \frac{C'_w}{C'}$

Kompensationsblindleistung am Leitungsende

$$Q_2 = \frac{P_{\text{nat}}}{\sin(\beta l)} \left[ \sqrt{1 - \left( \frac{P_2}{P_{\text{nat}}} \sin(\beta l) \right)^2} - \cos(\beta l) \right]$$

falls Leitung mit Kompensationsinduktivität  $L_k$  abgeschlossen ist:

$\underline{I}_2 = \underline{I}_k = \frac{\underline{U}_2}{j\omega L_k}$

Kompensationsreaktanzen:  $X_k = \omega L_k = \frac{Z_w \cdot \sin(\beta l)}{1 - \cos(\beta l)}$

## 3.8. Längskompensation

wirksamer Induktivitätsbelag:  $L'_w = L' \cdot (1 - k_l)$

Längskompensationsgrad:  $k_l = 1 - \frac{L'_w}{L'} = \frac{\omega L' \cdot l - (\omega L' \cdot l - \frac{1}{\omega C_k})}{\omega L' \cdot l}$

Faustregel für die optimale Anzahl der Kondensatorbatterien:

$0 < k_l \leq 0,5 \Rightarrow n = 1 \Rightarrow X_k = k_l \cdot 2 Z_w \sin(\beta \frac{l}{2})$

$0,5 < k_l \leq 0,67 \Rightarrow n = 2 \Rightarrow X_k = k_l \cdot \frac{3}{2} Z_w \sin(\beta \frac{l}{3})$

$0,67 < k_l \leq 0,75 \Rightarrow n = 3 \Rightarrow X_k = k_l \cdot \frac{4}{3} Z_w \sin(\beta \frac{l}{4})$

Kompensationsblindleistung:  $Q_{Kc} = 3 \cdot X_{Kc} \cdot I_K^2$

Leistungswinkel der kompensierten Leitung:  $\vartheta_k = \beta_k l$

Grenzwinkel für Stabilität der Leitung:  $\vartheta_{\text{Grenz}} = 42^\circ \vartheta = (\vartheta_M)_{\text{Grenz}} - (\vartheta_M + \vartheta_T)$  mit Transformatorwinkel  $\vartheta_T \approx 3,5^\circ, \vartheta_M \approx 5,5^\circ$

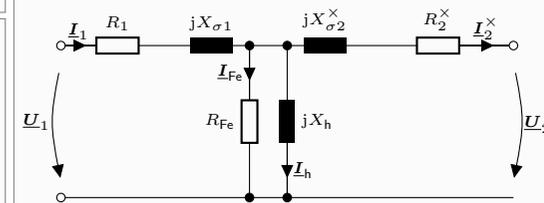
## 3.9. Übertragungsfähigkeit von Freileitungen

$U_n$ [V]	Leiter	$Z_W$ [ $\Omega$ ]	$P_{\text{nat}}$ [MW]	$S_{\text{th}}$ [MV A]
10kV	Al/St 50/8	330	0,3	3
30kV	Al/St 95/15	360	2,5	15
110kV	Al/St 240/40	365	33	123
380kV	Al/St 4 · 240/40	240	600	1700
380kV	Al/St 4 · 550/70	240	600	2633
735kV	Al/St 4 · 680/85	260	2080	5860

## 3.10. Wanderwellen

## 4. Transformatoren

### 4.1. Zweiwicklungstransformator



Übersetzung:  $\underline{u} = \frac{w_1}{w_2}$

$\underline{I}_2^{\times} = \frac{\underline{I}_2}{u}$  mit  $w_1, w_2$  sind Windungszahlen

$\underline{U}_2^{\times} = \underline{u} \cdot \underline{U}_2$

$\underline{Z}_2^{\times} = u^2 \underline{Z}_2$

$\underline{U}_2^{\times} \cdot \underline{I}_2^{\times} = \underline{u} \underline{U}_2 \cdot \frac{\underline{I}_2}{u} = \underline{U}_2 \cdot \underline{I}_2$

Bemessungsstrom:  $\underline{I}_r = \frac{S_{rT}}{\sqrt{3} U_{rT}}$

Kupferverluste:  $P_{cu} = 3 U_{Rk} I_1 = 3 R_k J_1^2$

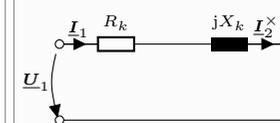
### 4.1.1 Leerlauf

Leerlaufstrom:  $\underline{I}_0 = \underline{I}_{Fe} + \underline{I}_h$

Hauptreaktanzen:  $X_h = \text{Im} \left\{ \frac{\underline{U}_{r1}}{\underline{I}_h} \right\}$

Eisenverluste (im Einphasentransformator):  $R_{Fe} = \frac{U_{r1}^2}{P_0} = u^2 \cdot \frac{U_{r2}^2}{P_0}$

### 4.1.2 Kurzschluss



Kurzschlussimpedanz:

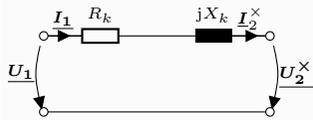
$\underline{Z}_k = \frac{\underline{U}_k}{\underline{I}_{r1}} = (R_1 + R_2^{\times}) + j(X_{\sigma 1} + X_{\sigma 2}^{\times}) = R_k + jX_k$

relative Kurzschlussleistung:

$u_k = \frac{U_k}{U_{r1}} = \frac{I_{r1} \cdot X_k}{U_{r1}} \cdot \left( \frac{U_{r1}}{U_{r1}} \right) = \frac{S_{rT} \cdot X_k}{U_{r1}^2}$

Bezogener Spannungsfall:  $u_x = \frac{X_k S_{rT}}{U_{r1}^2}$

### 4.1.3 Bemessungsstrom



$$X_h \rightarrow \infty \quad R_{Fe} \rightarrow \infty$$

$$R_k = R_1 + R_2^* \quad X_k = X_{\sigma 1} + X_{\sigma 2}^* \quad \underline{Z}_k = R_k + jX_k$$

### 4.1.4 Übersetzung ü

Übersetzung:  $\ddot{u} = \frac{w_1}{w_2}$  mit  $w_1 :=$  Primärwicklung,  $w_2 :=$  Sekundärwicklung

$$\text{Leerlaufübersetzung } \ddot{u}_0 = \frac{U_1}{U_2} \approx \frac{w_1}{w_2}$$

### 4.2. Drehstromtransformator

$$\text{Kurzschlussspannung: } u_k = \frac{U_{kT}}{U_{rT}} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{3}}{\frac{U_{rT}}{\sqrt{3}}} = \frac{X_k \cdot I_{rT}}{\frac{U_{rT}}{\sqrt{3}}}$$

$$\text{Bemessungsleistung: } S_{rT} = \sqrt{3} \cdot U_{rT} \cdot I_{rT}$$

$$\text{Kurzschlussreaktanzen: } X_k = \frac{u_k \cdot U_{rT}^2}{S_{rT}}$$

$$X_{k(Y)} = \frac{X_k(\Delta)}{3}$$

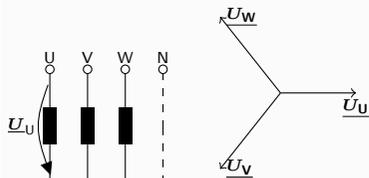
$$\text{Bezogene Kurzschlussspannung: } \underline{u}_k = u_R + ju_x$$

Typische Werte:

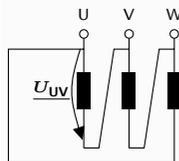
Anwendung	$S_r/MVA$	$u_R/\%$	$u_x/\%$
Niederspannung	0,25 ... 1,6	1,8 ... 1,0	5,8
Mittelspannung	2,5 ... 25	1,0 ... 0,5	7 ... 8,5
Hochspannung 110kV	16 ... 63	0,7 ... 0,6	12
Hochspannung 220kV	100 ... 400	0,5 ... 0,3	12 ... 14
Hochspannung 380kV	630 ... 1500	0,2	13 ... 16

### 4.3. Wicklungsverschaltung

#### 4.3.1 Sternschaltung



#### 4.3.2 Dreieckschaltung



#### 4.3.3 Zickzackschaltung

### 5. Kurzschlussstromberechnung

$I_k''$	Anfangskurzschlusswechselstrom
$I_k$	Dauerkurzschlussstrom
$I_a = I_b$	Ausschaltwechselstrom
$i_p$	Stoßkurzschlussstrom

### 5.1. Allgemeines

Kurzschluss ist generaturnah falls gilt:  $I_k'' \geq 2I_{rG}$

#### 5.1.1 generatorfern

AC Anteil mit konst. Amplitude + auf Null abklingender aperiodischer DC Anteil

$$\text{es gilt: } I_k'' = I_b = I_k$$

#### 5.1.2 generaturnah

AC Anteil mit abklingender Amplitude + auf Null abklingender aperiodischer DC Anteil

### 5.2. Dreipoliger Kurzschluss

unvermaschtes Netz:  $i_p = \kappa \sqrt{2} \cdot I_k''$

vermaschtes Netz:  $\kappa = 1,02 + 0,98e^{-3 \cdot R/X}$

$$I_k'' = \frac{c \cdot U_n N}{\sqrt{3} Z_k}$$

$$i_p = 1,15 \cdot \kappa \sqrt{2} \cdot I_k''$$

#### 5.2.1 Symmetrischer Ausschaltwechselstrom

Geilanteil:  $I_{dc} = \sqrt{2} I_k'' e^{-2\pi f t R/X}$

Generatorfern:  $I_b = I_k''$

Generaturnah:  $I_b = \mu \cdot I_k''$  mit  $\mu$  siehe S. 177

### 5.3. Ersatzschaltungen und Ersatzimpedanzen

#### 5.3.1 Synchrongenerator

$$X_d'' = x_d'' \frac{U_r^2}{S_{rG}}$$

#### 5.3.2 Netzeinspeisung

$$Z_Q = \frac{c \cdot U_n Q}{\sqrt{3} \cdot I_k Q}$$

$$X_Q = \frac{Z_Q}{\sqrt{1 + (R_Q/X_Q)^2}}$$

#### 5.3.3 Transformator

$$Z_T = u_{kr} \cdot \frac{U_{rT}^2}{S_{rT}}$$

$$R_T = u_{Rr} \cdot \frac{U_{rT}^2}{S_{rT}} = \frac{P_{krT}}{3I_{rT}^2}$$

$$X_T = \sqrt{Z_T^2 - R_T^2}$$

### 5.4. unsymmetrische Kurzschlüsse

#### 5.4.1 Zweipoliger Kurzschluss ohne Erdberührung

$$I_{k2}'' = \frac{c \cdot U_n}{2|\underline{Z}_{(1)}|} = \frac{\sqrt{3}}{2} I_k''$$

$$i_{p2} = \frac{\sqrt{3}}{2} i_p = \kappa \cdot \sqrt{2} \cdot I_{k2}''$$

#### 5.4.2 Zweipoliger Kurzschluss mit Erdberührung

$$I_{kE2E}'' = \frac{\sqrt{3} \cdot c \cdot U_n}{|\underline{Z}_{(1)} + 2\underline{Z}_{(0)}|}$$

$$i_{p2E} = \kappa \cdot \sqrt{2} \cdot I_{kE2E}''$$

#### 5.4.3 Einpoliger Erdschluss

$$I_{k1}'' = \frac{\sqrt{3} \cdot c \cdot U_n}{|2\underline{Z}_{(1)} + \underline{Z}_{(0)}|}$$

$$i_{p1} = \kappa \cdot \sqrt{2} \cdot I_{k1}''$$

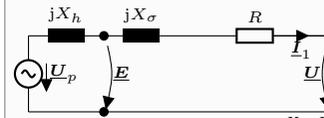
## 6. Synchrongenerator

### 6.1. stationärer Betrieb

$U$	Klemmenspannung
$I$	Strangstrom
$U_p$	Polradspannung

$$\underline{U} = \underline{U}_p - (R + jX_d) \cdot \underline{I}$$

mit  $X_d = \omega \cdot (L_h + L_\sigma)$



$$\text{bezogene synchrone Reaktanz } x_d = \frac{X_d \cdot I_{rG}}{U_{rG}/\sqrt{3}} \approx 2,0$$

$$\text{synchrone Reaktanz: } X_d = \frac{x_d \cdot U_{rG}^2}{S_{rG}}$$

$$X_d \cdot I_w = U_p \sin \theta_M \text{ mit } \theta_M \text{ ist elektrischer Polradwinkel}$$

$$\text{abgegebene Wirkleistung: } P = 3 \cdot U \cdot I_w$$

**übererregter Betrieb**  $|\underline{U}_p| > |\underline{U}|$  Maschine gibt induktive Blindleistung ab (wirkt wie Kapazität)

$$\underline{I} = I_w - jI_b \Rightarrow Q > 0$$

**untererregter Betrieb**  $|\underline{U}_p| < |\underline{U}|$  Maschine nimmt induktive Blindleistung auf (wirkt wie Induktivität)

$$\underline{I} = I_w + jI_b \Rightarrow Q < 0$$

## 7. Sternpunktbehandlung

### 7.1. Allgemeines

$U_{LE(F)}$	Spannung d. fehlerh. Außenleiter bei Erdberührung
$U_{b(F)}$	Außenleiterspannung wenn kein Fehler wäre
$I_{CE}$	kapazitiver Erdschlussstrom

$$\text{Erdfehlerfaktor (Wirksamkeit der Sternpunktterdung): } \delta = \frac{U_{LE(F)}}{U_{b(F)}/\sqrt{3}}$$

Netz ist wirksam geerdet falls  $\delta \leq 1,4$

Bei wirksamer Erdung hohe Erdkurzschlussströme aber geringe betriebsfrequente und transiente Überspannung

### 7.2. Netz mit isoliertem (freiem) Sternpunkt

Bei einpoligem Erdschluss vergrößern sich die Beträge der Leiter-Erde Spannungen der gesunden Leiter um  $\sqrt{3} \Rightarrow \delta = \sqrt{3}$

Fehlerstrom (bei Erdschluss in L1):

$$\underline{I}_1 = \underline{I}_{CE} = j\sqrt{3} \cdot 1,1 \cdot U_n \omega C_E$$

### 7.3. Netz mit Erdschlusskompensation

wirksamer Nullleitwert:  $\underline{Y}_{(0)} = \frac{1}{j3X_{EL}} + j\omega C_E$

$$\text{Fehlerstrom: } \underline{I}_{E(F)} = 3 \cdot \underline{I}_{(0)} = 3 \cdot \frac{U_b}{\sqrt{3}} j \cdot (\omega C_E - \frac{1}{3X_{EL}})$$

$$\text{Strom durch die Erdlöschspule: } \underline{I}_{Sp} = \frac{U_b/\sqrt{3}}{jX_{EL}}$$

### 7.4. Netz mit niederohmiger Sternpunktterdung

meist in Freileitungsnetzen mit  $U_n \geq 220kV$  bzw. Kabelnetzen mit  $U_n \geq 110kV$

$$\text{Erdfehlerfaktor: } \delta = \left| a^2 + \frac{\underline{Z}_{(1)} - \underline{Z}_{(0)}}{2\underline{Z}_{(1)} + \underline{Z}_{(0)}} \right|$$